Esta "Monografia" foi elaborada tendo como base as apresentações. teórico-experimentais do Curso de "Espectroscopia da Radiação-Gama" apresentado na VI Escola de Verão/CBPF, em julho/2006. Participaram na sua composição, no que se refere às indicação e organização dos temas abordados, adequação e distribuição das figuras, coleta e ajuste dos dados experimentais e redação do texto final os componentes, permanentes e estudantes, do Laboratório de Correlação Angular do Centro Brasileiro de Pesquisas Físicas (LCA/EXP/CBPF): Henrique Saitovitch\*, Paulo R.J. Silva, José T.P.D. Cavalcante, Carlos V.S. Marques e Gustavo V. de Araújo. O texto desta "Monografia", assim como a maior parte das Figuras, foram baseados em: "Radiation Detection and Measurements" - Glenn F. Knoll; J. Wiley&Sons, eds. 1979-1989.

\*endereço para atendimento de solicitações de informações sobre esta Monografia: **henrique@cbpf.br** 

# Espectroscopia de Radiação-y

### 1 - Fontes de Radiação-γ (Rγ)

**Introdução**: quando da emissão de partículas carregadas ( $\beta^-$  e/ou  $\beta^+$ ) por parte de um núcleo atômico (núcleo-pai), resultando deste processo um novo núcleo (núcleo-filho) com número atômico maior ou menor, respectivamente, o núcleo-filho resultante geralmente chega a esta situação com um excesso de energia. Esta energia vai sendo emitida na forma de **R** $\gamma$ , uma radiação de natureza eletromagnética, através de uma energia única ou gradativamente com a emissão de um conjunto de energias, com as modalidades de emissão e os valores das energias emitidas sendo características daquele particular isótopo emissor e que assim vai atingindo estados nucleares com energias mais baixas, até atingir o seu nível básico, ou seja, de energia mínima. A emissão de **R** $\gamma$ por parte dos núcleos radioativos ocorre a partir dos seguintes mecanismos nucleares:

1a - Rγ Emitida após Decaimento-β: nos casos de decaimento-β<sup>-</sup>, a partir da emissão desta partícula pelo núcleo este permanece com um excesso de energia que vai emitindo ao longo do tempo; o processo de emissão-β<sup>-</sup> é relativamente lento com uma meia-vida caracterizada por centenas de dias ou mesmo mais, enquanto os estados energizados dos núcleos provenientes destes decaimentos tem em média tempos de vidas bem menores, da ordem de nanosegundos ou mesmo menos. A desexcitação nuclear ocorre a partir da emissão de Rγ (uma ou várias), cujas energias são essencialmente iguais às diferenças nas energias entre os estados nucleares inicial (prédesexcitação) e final (pós-desexcitação).



**1b** – **R**γ **Emitida após Processo de Aniquilação Elétron-Pósitron**: quando de um processo de **decaimento-** $\beta^+$  do núcleo-pai, ocorre a geração de **R**γ como uma consequência do pósitron emitido quando deste processo de decaimento: uma vez que os pósitrons são absorvidos por alguns poucos milimetros do material de encapsulamento, a perda da sua energia cinética daí decorrente já é suficiente para pará-los. Quando as suas energias estão bem baixas, já a ponto de serem absorvidos, eles interagem com os elétrons negativos dos materiais, decorrendo daí o processo de aniquilação; o pósitron e o elétron desaparecem, originando dois fótons Rγ, conhecidos como radiações de aniquilação, cada um com energia de 0,511MeV e com direções de emissão diametralmente opostas. A presença de fontes de referência de Rγ é indispensável em qualquer Laboratório em que sejam realizados experimentos que envolvam radiações. Elas normalmente consistem em amostras

de radioisótopos com intensidade muito baixa, de alguns poucos microcuries [(1µCi= 37.000 Bq (Bequerel)] envolvidos em pequenas cápsulas e/ou bastões de plástico, com espessuras suficientes para frear qualquer radiação originária do decaimento do núcleo-pai; permitindo, no entanto, a saida da **R** $\gamma$  originária do decaimento do núcleo-filho. Embora o nível de intensidade de radiação destas fontes de calibração seja mínimo, é suficientemente alto para permitir a calibração da maioria dos tipos de detectores de **R** $\gamma$ . Se estas fontes são usadas para uma calibração precisa de equipamentos, suas intensidades também devem ser bem conhecidas. Em alguns casos os radioisótopos são depositados em suportes muito finos e com um mínimo de cobertura; tudo isto para reduzir as atenuação e dispersão da **R** $\gamma$  dentro do recipiente da fonte. Absorvedores externos podem ser usados para eliminar qualquer emissão de partícula se a presença destes for interferir nas aplicações pretendidas. Nas Figs. (1a,1b) estão representados os esquemas de decaimento de duas fontes, **Na-22 e Co-60**, que são frequentemente usadas como fontes de calibração de **R** $\gamma$ .

### 2 - Sistema Instrumental (SI) para Detecção das Ry

**Introdução**: a cadeia de instrumentos (Fig. 2-1) utilizada para as detecções [sistema de detecção (**SD**): cristal cintilador (**CC**) + tubo fotomultiplicador FM (**tubo-FM**), pré-amplificador (**PA**), amplificador (**A**), discriminador diferencial (**DD**) e contador (**C**)] representa um esquema básico para detectar a **R** $\gamma$  e realizar o registro deste evento. **R** $\gamma$  (radiações provenientes do interior dos núcleos atômicos) e **raios-X** (radiações originários das transições eletrônicas dentro das camadas atômicas) não possuem carga elétrica e não acarretam nem ionização nem excitação nos materiais em que estejam se deslocando. Daí que a detecção das **R** $\gamma$  depende criticamente das interações que as permitam transferir parte ou toda a sua energia para os elétrons de algum material absorvedor em que estejam se deslocando. Estas interações representam alterações súbitas nas propriedades da(s) radiação(ões), diferentemente ao que ocorre com partículas carregadas, p.ex. elétrons, que vão sendo gradativamente freados.

Uma vez que a  $\mathbf{R}\gamma$  é "invisível" para o detector, só os elétrons resultantes da cadeia de interação  $\mathbf{R}\gamma \rightarrow \mathbf{material}$  absorvedor (aqui referente a um CC) é que fornecem as indicações para identificar a  $\mathbf{R}\gamma$  incidente. Esses elétrons têm a sua energia máxima limitada pela energia da  $\mathbf{R}\gamma$  incidente, e

$$\begin{array}{c} SD \rightarrow PA \rightarrow A \rightarrow DD \rightarrow C \\ \uparrow \\ FAV \end{array}$$

Fig. (2.1): sistema instrumental utilizado na detecção/registro das Rγ

irão diminuindo a sua energia como resultado de seus espalhamentos no **CC**, como ocorre com qualquer partícula carregada. As cintilações decorrentes do freamento destes elétrons no **CC** darão continuidade à cadeia inicial de interação a partir da sua captação por um **tubo-FM** (tubo-FM: fotocatodo/dinodos).

**2a- Mecanismo de Cintilação em Cristais Inorgânicos com Ativadores**: a etapa inicial do processo de detecção de uma **R**γ é a sua interação com um **CC**; no caso atual, inorgânico. O mecanismo de cintilação em materiais inorgânicos depende dos estados de energia como são configurados pela estrutura cristalina do material. Como mostrado na Fig. (2-2), elétrons em materiais classificados como isolantes ou semicondutores se encontram em disponibilidade sómente em bandas discretas de energia. As bandas com energias mais baixas, chamadas **bandas de valência**, congregam aqueles elétrons que estão essencialmente presos aos sítios da rede cristalina, enquanto na **banda de condução** se movem aqueles elétrons com energias suficientes para migrar através do cristal. Existe uma banda de energias intermediárias, chamada **banda proibida** ("**gap**"), em que os elétrons nunca podem ser encontrados quando o cristal é puro, ou seja, sem as impurezas representadas por eventuais ativadores. A absorção de energia pode resultar na migração, e aí o "**gap**" é transposto, de um elétron da sua posição normal na **banda de valência**. Em se tratando de um cristal puro, o retorno de um elétron para a *banda de valência* com a consequente emissão de um

fóton é um processo muito ineficiente. Além do mais, as larguras dos "**gaps**" entre as bandas são de tal magnitude que a energia do fóton resultante estaria fora do alcance do espectro visivel.

Para aumentar a probabilidade, durante o processo de desexcitação, da emissão de um fóton com energia dentro do intervalo visivel, pequenas quantidades de uma impureza são comumente adicionadas aos cintiladores inorgânicos. Essas impurezas, chamadas "ativadores", criam sítios especiais dentro da rede cristalina em que a estrutura da banda de energia é modificada com relação àquela existente no cristal puro. Como resultado, haverá estados de energia criados dentro do "gap" acessíveis aos elétrons e que daí poderão sofrer um processo de desexcitação energética e retornar para a banda de valência. Uma vez que esta energia ligada a posição do elétron seja menor do que a do "gap", essa transição eletrônica pode agora dar origem a um fóton visível; daí a aplicação destas impurezas como "ativadores". Esses estados estão ilustrados na Fig. (2-2), como linhas dentro do "gap" proibido. Se o estado do ativador assim formado for uma configuração com energia de excitação com uma transição permitida para o estado-base, sua desexcitação ocorrerá muito rapidamente e com grande probabilidade para emissão de um fóton correspondente. Se o "ativador" for corretamente escolhido esta transição pode corresponder, como anteriormente observado, a uma faixa de energia no espectro visível. Meias-vidas tipicas de tais estados excitados estão na ordem de 10<sup>7</sup> s. Uma vez que o tempo de migração do elétron é muito menor, todas as configurações correspondentes às impurezas ativadoras excitadas são formadas essencialmente ao mesmo tempo e irão se desexcitar, subsequentemente, com meia-vida característica do estado excitado. É o tempo do decaimento desses estados que, portanto, determinam as características temporais da cintilação luminosa emitida. A maioria dos CC podem ser adequadamente caracterizados por um único tempo de decaimento ou por uma simples exponencial, embora um comportamento temporal mais complexo possa ser às vezes observado.

A descoberta do Iodeto de Sodio c/impureza de Tálio [NaI(Tl), com o Tl adicionado em uma quantidade da ordem de 10<sup>-3</sup>mol], na década '50, deu início à era da espectroscopia moderna de



Fig. (2-2): bandas de energias do CC ativado

cintilação no que se refere à detecção da  $\mathbf{R}\gamma$ . O NaI(TI) é higroscópico, daí que este cintilador deve ser protegido contra toda e qualquer humidade. O NaI(TI) é um excelente produtor de cintilação, tendo uma resposta das mais eficientes tanto para detecção de elétrons quanto para  $\mathbf{R}\gamma$ . Atualmente, e assim tem sido desde sua descoberta para estas funções, é o cintilador padrão. O tempo de decaimento da cintilação é ~230 ns, um tanto longo para uma boa resolução temporal do sistema instrumental de detecções assim como para além de uma certa intensidade das fontes e que

aumentam a frequência das detecções. Em compensação, apresenta uma excelente resolução energética, distinguindo as diferentes energias presentes nas emissões radioativas.

**2b** - Interação das  $R\gamma$  com o Meio Material de Detecção (CC): embora um grande número de possíveis mecanismos de interação das  $R\gamma$  com os diferentes meios materiais sejam conhecidos, somente três tipos (aqui considerados as interações da  $R\gamma$  com o CC acoplado ao tubo-FM) desempenham um papel importante: absorção fotoelétrica (predominante para  $R\gamma$  de baixa energia, até algumas centenas de KeV), produção de pares (predominante quando da interação com altas energias da  $R\gamma$ , no intervalo 5MeV-10MeV) e espalhamento Compton (predominante em faixas de energias entre aquelas correspondentes aos dois mecanismos anteriores). Todos esses processos iniciam com transferência parcial ou total da energia da  $R\gamma$  para os elétrons do CC. 2b/1 – Absorção Fotoelétrica: no processo de absorção fotoelétrica uma  $R\gamma$  interage com um

átomo absorvedor de tal forma que acarreta o seu desaparecimento. Como conseqência, um fotoelétron é ejetado de uma das órbitas eletrônicas daquele átomo. A interação ocorre para o átomo como um todo, não ocorrendo apenas com a eventualidade de elétrons livres. No caso em que a  $R\gamma$  possua energia suficiente hv, a maior probabilidade é que este processo ocorra a partir de uma interação com algum dos elétrons mais fortemente ligados, ou seja, da camada-K. O fotoelétron é ejetado com energia  $E_e = hv - E_b$ , com  $E_b$  representando a energia de ligação do fotoelétron na camada de onde foi arrancado. Para  $R\gamma$  com energia superior a algumas centenas-KeV, o fotoelétron ejetado carrega a maior parte da energia da  $R\gamma$  incidente.

Além do fotoelétron a interação cria também um átomo absorvedor ionizado com uma lacuna em uma das suas órbitas. Esta lacuna é rapidamente preenchida através da captura de um elétron livre e/ou por rearrumação proporcionada pelos elétrons de outras camadas do átomo. Contudo, um ou mais fótons de **raios-X** podem ainda ser também gerados. Embora na maioria dos casos esses **raios-X** sejam reabsorvidos perto do seus sítios originais através de absorção fotoelétrica envolvendo camadas mais fracamente ligadas, a migração deles e o possível escapamento pelos detectores de radiação podem influenciar nas suas respostas. Em alguns casos, a emissão de um elétron-Auger pode ocorrer no lugar do **raio-X** característico, uma vez que "carregue" a energia de excitação atômica.

O processo de absorção fotoelétrica é o modo predominante de interação para  $\mathbf{R}\gamma$  (ou **raios-X**) com energia relativamente baixa. O processo também é estimulado quando ocorre a absorção por materiais com alto número atômico **Z**. Este processo é ideal quando se está interessado na determinação da energia total da  $\mathbf{R}\gamma$  detectada. A energia cinética do elétron resultante será iqual áquela da radiação incidente.

**2b/2** – **Espalhamento Compton**: o processo de interação em que a **R**γ é espalhada por um elétron do material absorvedor é denominada **espalhamento Compton**. É o mecanismo predominante de interação na faixa de energias típicas dos radioisótopos. Neste processo a **R**γ incidente é defletida de um ângulo-θ com relação ao ângulo de incidência original e transfere parte da sua energia para o elétron "abalroado" (assumido em repouso antes do processo), que é então denominado **elétron de recuo**. Uma vez que qualquer ângulo de espalhamento é possível, a faixa de energia transferida para este elétron pode variar de um valor mínimo até quase toda a energia inicialmente transportada pela **R**γ. A representação grafica deste processo aparece na Fig. (2-3) e o balanço de energia correspondente trasferida, na Eq. (2-1):



Fig. (2-3): representação do espalhamento no processo-Compton

A probabilidade de ocorrência do processo de **espalhamento Compton** por átomo do absorvedor depende do número de elétrons disponíveis como alvos



Fig. (2-4): distribuição espacial da Rγ no espalhamento Compton

para o espalhamento, daí que esta probabilidade aumenta linearmente com o número atômico **Z** do material absorvedor.



Fig. (2-5): regiões de predominância dos três processos mais frequentes nas interações das Rγ com a matéria

5

A distribuição angular da  $\mathbf{R}\gamma$  espalhada esta configurada graficamente na Fig. (2-4) e confirrma a forte tendência de pequenos ângulos de espalhamento para  $\mathbf{R}\gamma$  com energias altas.

**2b/3** - **Produção de Pares**: se a energia da **R** $\gamma$  exceder o dobro daquele valor da energia correspondente à massa de repouso de um elétron (2 x 0,511 MeV), o processo de produção de pares se torna energéticamente possível. Na prática, a probabilidade desta interação permanece muito baixa até a energia da **R** $\gamma$  aproximar-se deste valor, e por isso a produção de pares é predominantemente restrita a processos que envolvam **R** $\gamma$  com altas energias. Na interação (que deve ocorrer no campo coulombiano de um núcleo), a **R** $\gamma$  desaparece dando lugar a um par elétron-pósitron. Todo o excesso de energia acima de 1,02 MeV carregado pela **R** $\gamma$  é compartilhada como energia cinética pelo par elétron-pósitron recém formado. Uma vez que o pósitron irá desaparecer na medida que for sendo freado no meio absorvedor, duas **R** $\gamma$  serão normalmente produzidos como resultados secundários da interação. O destino subsequente desta radiação proveniente da aniquilação tem um efeito importante na resposta dos detectores da **R** $\gamma$ . Não existe uma expressão simples que descreva a probabilidade de formação de pares, mas sua ocorrência é proporcional ao quadrado do número atômico **Z** do meio absorvedor. Esta ocorrência da formação de pares aumenta substancialmente com a energia da **R** $\gamma$  envolvida. A importância relativa desses três processos descritos acima está na Fig (2-5).

**2c-Tubo Fotomultiplicador (tubo-FM)**: o uso generalizado da detecção da  $\mathbf{R}\gamma$  por cristais cintiladores nas espectroscopias em geral seria impossível sem a disponibilidade de aparelhos de conversão da luz extremamente fraca produzida pelo **CC** em um sinal eletrico adequado. O **tubo-FM** realiza notavelmente bem esta tarefa, convertendo sinais luminosos provenientes do **CC**, e que consistem tipicamente em conjuntos de algo em torno de 100 fótons, ou menos, em um pulso de corrente elétrica sem adicionar uma grande quantidade de ruidos para o sinal assim formado. Embora alguns dispositivos baseados em diodos semicondutores tenham sido utilizados com algum sucesso, em verdade os tubos-FM vem sendo universalmente usados nas detecções da **R** $\gamma$ . Uma grande variedade de tubos-FM são disponiveis comercialmente, sensiveis a várias regiões do espectro eletromagnético: ultra-violeta, infra-vermelho, visível; suas aplicações se estendem a espectroscopia óptica, medidas a laser, astronomia etc.

A estrutura simplificada de um tubo-FM típico está ilustrada na Fig. (2-6). A Ry incide no CC que por sua vez está firmemente acoplado à janela frontal do tubo-FM- onde é freada e transmutada em cintilações que, já no interior do **tubo-FM**, incidem em uma camada fotosensível denominada fotocatodo que, por sua vez, está acoplado a uma estrutura de multiplicação de elétrons. O fotocatodo serve para converter, tanto quanto possível, os fótons nele incidentes em elétrons com baixa energia. O tempo de duração do pulso fotoelétrico será da mesma ordem de magnitude do tempo de duração do pulso luminoso proveniente do cintilador. Uma vez que só algumas poucas centenas de fotoelétrons estão envolvidos em um pulso típico a sua carga total, neste ponto do tubo-FM, será muito pequena para ser detectável como um sinal elétrico. Para isto, o tubo-FM é construido de tal maneira que a sua geometria interna funciona como um eficiente coletor de fotoelétrons e um eficiente amplificador com relação a seu número inicial. Após o processo de amplificação ao longo do tubo-FM, um único pulso luminoso de um cintilador dará origem a um pulso eletrônico final composto por  $10^7$  a  $10^{10}$  elétrons, quantidade suficiente para configurar um pulso eletrônico detectável e mensurável. Esta carga é convencionalmente coletada no anodo ou em algum outro estágio (dinodo) do tubo-FM. A maior parte dos tubos-FM realizam esta amplificação de carga de uma maneira muito linear, produzindo um pulso de saída que permanece proporcional ao número de fotoelétrons originais, e isto dentro de um amplo intervalo de amplitudes.

O funcionamento adequado dos tubos-FM se dá a partir da sua alimentação através de fontes de alta voltagem (AV), geralmente no intervalo 2.000V-3.000V, com corrente de alguns poucos mA. Estas voltagens, através de circuitos divisores de voltagem, se distribuem pelos sucessivos dinodos dos tubos-FM.

2d-Pré-Amplificador/Amplificador (PA/A): para a maioria dos detectores, a carga gerada no



1-13:dinodos 15:fotocatodo 14:eletrodos de focalização

Fig. (2-6): sistema de deteccão: tubo-FM+CC provenientes do **DD**.

### **3 - Registros dos Experimentos**

Os espectros que aparecem nas Figuras (3-1) a (3-5) resultaram da detecção das Ry de vários isótopos a partir da utilização de um tubo-FM modêlo RCA-8850 acoplado a um CC de NaI(Tl) cilíndrico/retilíneo com 5cm de dimensão; em seguida, uma cadeia instrumental conforme a Fig. (2-1), com os registros dos espectros realizados a partir da variação da amplitude da voltagem de saída em **DD**, com **E** variando por passos de 0,1V e um  $\Delta$ **E** fixo e igual a 0,1V. A cada posição, canal compreendido entre E e E+ $\Delta$ E, era realizada uma aquisição durante um minuto em C, com os resultados das contagens para os diversos isótopos aparecendo na Tab. I. Os ajustes das curvas experimentais foram realizados com o "**programa fityk**"<sup>(1)</sup>. O procedimento do ajuste dos dados experimentais obedeceu o procedimento: (i) ler os dados, formatados em colunas (canal, contagem e desvio estatístico); (ii) selecionar a curva mais indicada para cada pico (existem diversas curvas pré-instaladas, entre elas a gaussiana e a lorentziana); (iii) inserir a curva escolhida no modelo a ser ajustado; daí, o programa irá posicionar automaticamente a curva para se adaptar ao pico mais intenso, ainda não ocupado; (iiii) fazer o ajuste. Se o resultado do ajuste não for aceitável, repetir o processo, removendo ou alterando algumas curvas e ajustando novamente. A saída dos resultados das energias das  $\mathbf{R}\gamma$ , aqui consideradas como já conhecidas, dos espectros dos isótopos Ba-133, Eu-152, Co-57 e Na-22 foram utilizadas para compor a "curva de calibração" (Fig. 3-6) do SI, que é característica para cada conjunto de equipamentos, mesmo que cada um destes conjuntos seja formado pela mesma sucessão que aparece na Fig. 2-1. A partir do conhecimento desta "curva de

(PA/A): para a maioria dos detectores, a carga gerada no tubo-FM ainda é muito pequena, o que impossibilita trabalhar com este sinal eletrônico sem amplificá-lo; e isto é realizado por um PA colocado, no sentido de minimizar efeitos capacitivos, o mais próximo possivel logo na saída do sistema de detecção (CC+tubo-FM), e que funciona como uma interface ("casador de impedância") entre este sistema com o A que realiza a modelagem e amplificação do pulso eletrônico proveniente do PA.

2e – Discriminador Diferencial (DD): também conhecido como Analisador Monocanal, apresenta um pulso eletrônico de saída lógico e sua função é a de selecionar um conjunto de amplitudes, limitadas em seus valores inferior e superior, dos pulsos eletrônicos provenientes do A e que, por sua vez, correspondem a determinadas energias emitidas pela fonte de  $\mathbf{R}\gamma$ . Para realizar estas funções, este módulo possui dois potenciômetros de contrôle para escolha das energias representadas, no caso, por voltagens de saída: contrôle E. com a função de varrer a voltagem de saída a partir do seu valor mínimo; e  $\Delta E$ , representado por um intervalo de voltagem situado entre os valores mínimo de um valor E pré-fixado e um valor máximo correspondente a uma voltagem de saída  $E+\Delta E$ . Quanto menores os valores de voltagem (passos) para as variações do E, assim como quanto menor o valor do  $\Delta E$  fixado, melhor a representação do espectro medido.

**2f** – **Contador** (**C**): funciona como um acumulador, durante o intervalo de tempo que for desejado, dos pulsos lógicos provenientes do **DD**.

#### CBPF-MO-001/07

**calibração**" tornou-se possível determinar as energias do isótopo desconhecido, tomando-se como base o seu registro, conforme aparece na Fig. (3-5) (vale ressaltar que a atual "**curva de calibração**", pela sua regularidade retilínea, pode ser considerada como de boa qualidade). Com o conhecimento destas suas energias de **R** $\gamma$  assim determinadas, este isótopo foi identificado como sendo o **Hf-181**<sup>(2)</sup>.

<sup>(1)</sup>Fityk - http://www.unipress.waw.pl/fityk
<sup>(2)</sup>,"Table of Isotopes" - C.M. Lederer et al.; J. Wiley & Sons Inc.; USA/1967.

## 7

CBPF-MO-001/07

		Tabela I	: Regist	ro dos E	spectros	-γ dos l	sótopos	Medido	S	
Voltagem	Na-2	22 Desvio	Ba- Contagen	133 Desvio	-Contagen	57 Desvio	Eu-1	52 Desvio	Isotopo des	Desvio
0.1	110273	332.07	141732	376.47	27434	165.63	266253	516	43098	207.6
0.2	36767	191.75	34202	184.94	9366	96.78	137649	371.01	20452	143.01
0.3	12939	113.75	18842	137.27	8421	91.77	52394	228.9	21005	144.93
0.4	11986	109.48	17634	132.79	13919	117.98	27282	165.17	21510	146.66
0.5	10262	101.3	32597	180.55	32632	180.64	17240	131.3	12182	110.37
0.6	9318	96.53	45885	214.21	41234	203.06	15471	124.38	8932	94.51
0.7	10151	100.75	25288	159.02	43922	209.58	17794	133.39	7593	87.14
0.8	7575	87.03	11371	106.63	53715	231.76	20773	144.13	6432	80.2
0.9	6969	83.48	7065	84.05	118524	344.27	43711	209.07	8544	92.43
1	7222	84.98	5706	75.54	524	22.89	50332	224.35	17252	131.35
1.1	6571	81.06	6462	80.39	128068	357.87	31611	177.79	20375	142.74
1.2	7340	85.67	6841	82.71	69684	263.98	18742	112 0	12355	111.15
1.3	8514	85.04 92 27	8081 7513	89.89	23805	154.29	10569	102 81	5310	83.34
1 5	9538	97 66	6419	80 12	2240	47 33	8366	91 47	5003	70 73
1.6	10819	104.01	5388	73.4	1041	32.26	7178	84.72	4875	69.82
1.7	12412	111.41	5360	73.21	938	30.63	7217	84.95	4448	66.69
1.8	9058	95.17	3986	63.13	1052	32.43	8626	92.88	4419	66.48
1.9	8426	91.79	3687	60.72	846	29.09	8035	89.64	4075	63.84
2	8673	93.13	3314	57.57	751	27.4	9608	98.02	3861	62.14
2.1	8194	90.52	3136	56	691	26.29	11031	105.03	3596	59.97
2.2	8176	90.42	3326	57.67	912	30.2	9374	96.82	3023	54.98
2.3	7954	89.19	4756	68.96	480	21.91	7675	87.61	2862	53.5
2.4	7656	87.5	5628	75.02	380	19.49	6165	78.52	2719	52.14
2.5	6657	81.59	6686	81.77	265	16.28	5481	74.03	2701	51.97
2.6	6833	82.66	8134	90.19	198	14.07	4868	69.77	2548	50.48
2.7	6665	81.64	8032	92.91	0	0	5953	77.10	2496	49.96
2.8	6278 5976	76 66	10600	94.53	0	0	8/41	93.49	∠3⊥3 7246	48.09
2.9	1759	69 99	14292	110 02	0	0	12//01	115 97	9196	90 52
31	4596	67 79	15616	124 96	0	0	13457	116	7430	86 2
3.2	3278	57.25	16391	128.03	0	0	10603	102.97	4990	70.64
3.3	2925	54.08	12674	112.58	0	0	7148	84.55	3246	56.97
3.4	2698	51.94	8284	91.02	0	0	4781	69.14	2362	48.6
3.5	2248	47.41	5225	72.28	0	0	3846	62.02	2138	46.24
3.6	2036	45.12	2643	51.41	0	0	3613	60.11	1964	44.32
3.7	2247	47.4	1275	35.71	0	0	3378	58.12	1882	43.38
3.8	2135	46.21	986	31.4	0	0	2943	54.25	1746	41.79
3.9	2437	49.37	624	24.98	0	0	2624	51.22	2671	51.68
4	2884	53.7	508	22.54	0	0	2553	50.53	3257	57.07
4.1	3805	61.68	486	22.05	0	0	2181	46.7	4544	67.41
4.2	6092	78.05	268	16.37	0	0	2124	46.09	5803	76.18
4.3	9976	99.88	233	15.26	0	0	1979	44.49	5994	77.42
4.4	10500	128.44	196	14	0	0	1296	43.54	4/26	68.75
4.5	10202	125 21	95	9.75	0	0	1289	35.9	3111	55.78 49.6
4.0	16214	127 33	63	0.49 7 94	0	0	1162	34 09	1912	40.0
4 8	15879	126 01	56	7 48	0	0	1058	32.53	1635	40 44
4.9	15667	125.17	47	6.86	0	0	1123	33.51	981	31.32
5	15312	123.74	38	6.16	0	0	1257	35.45	873	29.55
5.1	1982	44.52	32	5.66	0	0	1316	36.28	746	27.31
5.2	1292	35.94	27	5.2	0	0	1482	38.5	682	26.12
5.3	880	29.66	21	4.58	0	0	1414	37.6	556	23.58
5.4	865	29.41	18	4.24	0	0	1380	37.15	229	15.13
5.5	836	28.91	24	4.9	0	0	1290	35.92	477	21.84
5.6	749	27.37	0	0	0	0	1114	33.38	421	20.52
5.7	723	26.89	0	0	0	0	1432	37.84	416	20.4
5.8	697	26.4	0	0	0	0	1340	36.61	398	19.95
5.9	682	20.12	U	U	0	U		35.65	384	10 21
6 1	660	26 25 05	0	0	0	0	1274	30.00	3/3	19.31
0.1 6.2	652	∠⊃.85 25 55	0	0	0	0	1/12	37.07	30⊿ 752	19.03
6.2	620	25.55 25 ∩6	0	0	0	0	1423	30.59	133	27.44
6.4	783	27.98	0	0	ñ	Ő	1511	38.87	1322	36.36
6.5	736	27.13	0	0	0	0 0	1576	39.7	2154	46.41
6.6	699	26.44	0	0	0	0	1642	40.52	2578	50.77
6.7	678	26.04	0	0	0	0	1618	40.22	3226	56.8
6.8	662	25.73	0	0	0	0	1540	39.24	3332	57.72
6.9	657	25.63	0	0	0	0	1480	38.47	2678	51.75
7	702	26.5	0	0	0	0	1058	32.53	1578	39.72
7.1	726	26.94	0	0	0	0	0	0	1104	33.23
7.2	715	26.74	0	0	0	0	0	0	647	25.44
7.3	698	26.42	0	0	0	0	0	0	389	19.72
7.4	686	26.19	0	0	0	0	0	0	336	18.33
1.5	6/3	∠5.94 25.02	U	U	0	U		U	2/1	14 20
/.6	651	∠5.83 25 ⊑1	0	U	0	U		0	∠U5 1.22	11 00
7.7	622	25.5⊥ 25 14	0	0	0	0		0	10	±±.09
7.0	618	24 86	n	0	0	0		0		0.93
8	805	28.37	0	0	ñ	Ő	0	ő	0	ő
8.1	776	27.86	0	0	0	0	o	0	0	0

